

Sobre la construcción de algoritmos de cifrado por desplazamiento

Adriana Gómez – Orlando Hernández
Educación **M**edia **T**ecnológica en Informática
CETP

Sylvia da Rosa – Federico Gómez
Instituto de **C**omputación, Facultad de **I**ngeniería
UDELAR

Introducción

Las transformaciones criptográficas pueden describirse mediante una **función matemática**.

Introducción

Las transformaciones criptográficas pueden describirse mediante una **función matemática**.

Esto permite automatizar las operaciones de cifrado y descifrado mediante la **programación de algoritmos**.

Introducción

Las transformaciones criptográficas pueden describirse mediante una **función matemática**.

Esto permite automatizar las operaciones de cifrado y descifrado mediante la **programación de algoritmos**.

Propuesta coordinada entre las asignaturas Introducción a la Computación y Programación I para los estudiantes de Primer Año de Bachillerato en Informática de Escuela Técnica Atlántida.

Objetivos

Introducir al tema de criptosistemas sencillos para que nuestros alumnos logren **formalizar un algoritmo de cifrado** por desplazamiento.

Objetivos

Introducir al tema de criptosistemas sencillos para que nuestros alumnos logren **formalizar un algoritmo de cifrado** por desplazamiento.

Obtener información acerca de la construcción del concepto, que posibilite **aportar a una didáctica** de introducción al concepto **a nivel preuniversitario**.

Objetivos

Introducir al tema de criptosistemas sencillos para que nuestros alumnos logren **formalizar un algoritmo de cifrado** por desplazamiento.

Obtener información acerca de la construcción del concepto, que posibilite **aportar a una didáctica** de introducción al concepto a **nivel preuniversitario**.

Elaborar **nuevas propuestas pedagógicas** en atención a los resultados observados.

Marco Teórico

Epistemología Genética de Jean Piaget.

- Provee fundamentos para la investigación en didáctica de la informática.

Marco Teórico

Epistemología Genética de Jean Piaget.

- Provee fundamentos para la investigación en didáctica de la informática.

A partir de un contexto de trabajo:

- Curso de Epistemología Genética y aplicaciones a la Didáctica de la Informática.
 - Centrado en el cómo enseñar informática:
 - » ¿Cómo aprenden los estudiantes?
 - » ¿Cuál es el rol del docente?

Metodología

Basada en la resolución de problemas.

Metodología

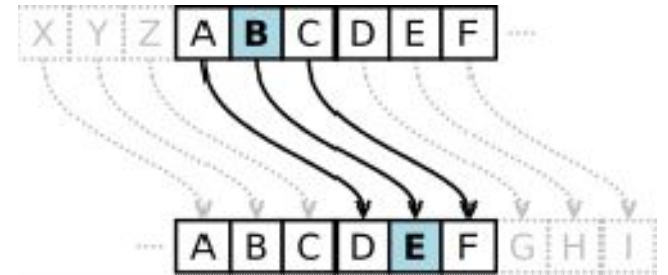
Basada en la resolución de problemas.

El problema dividido en subproblemas.

- Varias y sucesivas instancias.
 - 3 instancias en Introducción a la Computación.
 - 3 instancias en Programación.

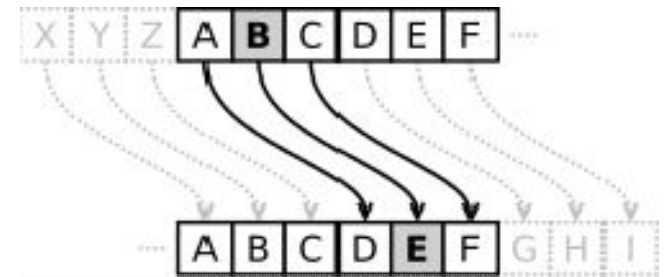
Instancia #1

a Introducción al cifrado de César.



Instancia #1

a Introducción al cifrado de César.



b Construcción de una tabla.

	A	B	C	D	E	F	G	H	I	J	K	L	M	N	Ñ	O	P	Q	R	S	T	U	V	W	X	Y	Z
0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14	15	16	17	18	19	20	21	22	23	24	25	26	27

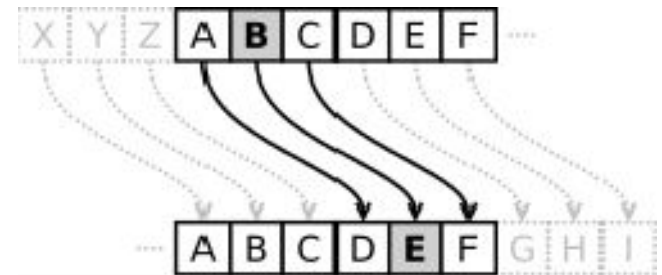
c Un asunto de... *espías!*



Ñ D U J D W H C V L J X H P C W X V C S D V R V

Instancia #1

a Introducción al cifrado de César.



b Construcción de una tabla.

	A	B	C	D	E	F	G	H	I	J	K	L	M	N	Ñ	O	P	Q	R	S	T	U	V	W	X	Y	Z
0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14	15	16	17	18	19	20	21	22	23	24	25	26	27
1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14	15	16	17	18	19	20	21	22	23	24	25	26	27	
2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14	15	16	17	18	19	20	21	22	23	24	25	26	27		
3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14	15	16	17	18	19	20	21	22	23	24	25	26	27	A	B	C
4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14	15	16	17	18	19	20	21	22	23	24	25	26	27	A	B	C	
5	6	7	8	9	10	11	12	13	14	15	16	17	18	19	20	21	22	23	24	25	26	27	A	B	C		
6	7	8	9	10	11	12	13	14	15	16	17	18	19	20	21	22	23	24	25	26	27	A	B	C			
7	8	9	10	11	12	13	14	15	16	17	18	19	20	21	22	23	24	25	26	27	A	B	C				
8	9	10	11	12	13	14	15	16	17	18	19	20	21	22	23	24	25	26	27	A	B	C					
9	10	11	12	13	14	15	16	17	18	19	20	21	22	23	24	25	26	27	A	B	C						
10	11	12	13	14	15	16	17	18	19	20	21	22	23	24	25	26	27	A	B	C							
11	12	13	14	15	16	17	18	19	20	21	22	23	24	25	26	27	A	B	C								
12	13	14	15	16	17	18	19	20	21	22	23	24	25	26	27	A	B	C									
13	14	15	16	17	18	19	20	21	22	23	24	25	26	27	A	B	C										
14	15	16	17	18	19	20	21	22	23	24	25	26	27	A	B	C											
15	16	17	18	19	20	21	22	23	24	25	26	27	A	B	C												
16	17	18	19	20	21	22	23	24	25	26	27	A	B	C													
17	18	19	20	21	22	23	24	25	26	27	A	B	C														
18	19	20	21	22	23	24	25	26	27	A	B	C															
19	20	21	22	23	24	25	26	27	A	B	C																
20	21	22	23	24	25	26	27	A	B	C																	
21	22	23	24	25	26	27	A	B	C																		
22	23	24	25	26	27	A	B	C																			
23	24	25	26	27	A	B	C																				
24	25	26	27	A	B	C																					
25	26	27	A	B	C																						
26	27	A	B	C																							
27	A	B	C																								

c Un asunto de... *espías!*

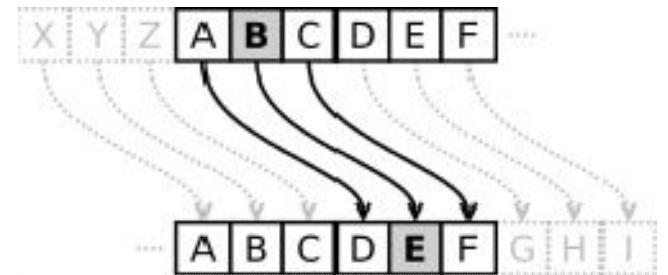


Ñ D U J D W H C V L J X H P C W X V C S D V R V

[Empty grid for decryption]

Instancia #1

a Introducción al cifrado de César.



b Construcción de una tabla.

	A	B	C	D	E	F	G	H	I	J	K	L	M	N	Ñ	O	P	Q	R	S	T	U	V	W	X	Y	Z
0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14	15	16	17	18	19	20	21	22	23	24	25	26	27
1	D	E	F	G	H	I	J	K	L	M	N	Ñ	O	P	Q	R	S	T	U	V	W	X	Y	Z			
2	E	F	G	H	I	J	K	L	M	N	Ñ	O	P	Q	R	S	T	U	V	W	X	Y	Z				

c Un asunto de... *espías!*

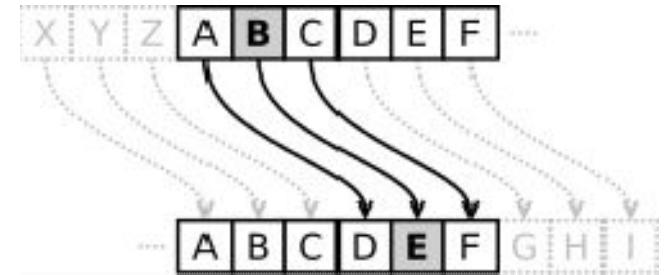


Ñ D U J D W H C V L J X H P C W X V C S D V R V

[Empty grid for decryption]

Instancia #1

a Introducción al cifrado de César.



b Construcción de una tabla.

	A	B	C	D	E	F	G	H	I	J	K	L	M	N	Ñ	O	P	Q	R	S	T	U	V	W	X	Y	Z
0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14	15	16	17	18	19	20	21	22	23	24	25	26	27
3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14	15	16	17	18	19	20	21	22	23	24	25	26	27	0	1	2
C	D	E	F	G	H	I	J	K	L	M	N	Ñ	O	P	Q	R	S	T	U	V	W	X	Y	Z	A	B	

c Un asunto de... *espías!*



Ñ D U J D W H C V L J X H P C W X V C S D V R V

L A R G A T E S I G U E N T U S P A S O S

Instancia #2

a) ¿Qué pasos siguió la Agente 99 para ocultar el mensaje secreto?

	A	B	C	D	E	F	G	H	I	J	K	L	M	N	Ñ	O	P	Q	R	S	T	U	V	W	X	Y	Z
0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14	15	16	17	18	19	20	21	22	23	24	25	26	27
3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14	15	16	17	18	19	20	21	22	23	24	25	26	27	0	1	2
b)	C	D	E	F	G	H	I	J	K	L	M	N	Ñ	O	P	Q	R	S	T	U	V	W	X	Y	Z	A	B

¿llega?

c) Ñ D U J D W H C V L J X H P C W X V C S D V R V

¿Puedes determinar una función que defina la expresión que has obtenido?

lógico-matemático.

L A R G A T E S I G U E N T U S P A S O S

Instancia #2

a ¿Qué pasos siguió la Agente 99 para ocultar el mensaje secreto? *Expresa en lenguaje natural.*

A) ES CRIBIO EL MENSAJE Y LUEGO LO CIFRO

Instancia #2

a ¿Qué pasos siguió la Agente 99 para ocultar el mensaje secreto? *Expresa en lenguaje natural.*

A) ES CRIBIO EL MENSAJE Y LUEGO LO CIFRO

A: Como tres lugares hacia la derecha cada letra del abecedario.

Instancia #2

a ¿Qué pasos siguió la Agente 99 para ocultar el mensaje secreto? *Expresa en lenguaje natural.*

A) Escribió el mensaje y luego lo cifró

A: Como tres lugares hacia la derecha cada letra del abecedario.

A. los pasos que siguió la agente 99 para ocultar el mensaje fue usando el método de César utilizando el abecedario normal y moviendo 3 lugares cada letra tenía una posición.

Instancia #2

b ¿Puedes dar una expresión para la solución a la que llega?

$\bar{N}=L, \bar{V}=A, \bar{U}=R, \bar{J}=G, \bar{D}=A, \bar{W}=T, \bar{H}=E \quad \bar{V}=S, \bar{L}=J, \bar{J}=G, \bar{X}=U, \bar{H}=E, \bar{P}=N \quad \bar{W}=T, \bar{X}=U, \bar{V}=S, \bar{S}=P, \bar{P}=A, \bar{U}=S, \bar{R}=O, \bar{U}=S.$

Instancia #2

b ¿Puedes dar una expresión para la solución a la que llega?

$\bar{N}=L, \bar{V}=A, \bar{U}=R, \bar{J}=G, \bar{D}=A, \bar{W}=T, \bar{H}=E \quad \bar{V}=S, \bar{L}=J, \bar{J}=G, \bar{X}=U, \bar{H}=E, \bar{P}=N \quad \bar{W}=T, \bar{X}=U, \bar{V}=S, \bar{S}=P, \bar{P}=A, \bar{U}=S, \bar{R}=O, \bar{U}=S.$

$A = 1 + 3 = \boxed{4} \rightarrow \text{Nueva letra}$

Instancia #2

b ¿Puedes dar una expresión para la solución a la que llega?

$\bar{N}=L, \bar{V}=A, \bar{U}=R, \bar{J}=G, \bar{D}=A, \bar{W}=T, \bar{H}=E \quad \bar{V}=S, \bar{L}=J, \bar{J}=G, \bar{X}=U, \bar{H}=E, \bar{P}=N \quad \bar{W}=T, \bar{X}=U, \bar{V}=S, \bar{S}=P, \bar{P}=A, \bar{U}=S, \bar{R}=O, \bar{U}=S.$

$A = 1 + 3 = \boxed{4} \rightarrow \text{Nueva letra}$

$E = H \quad / \quad \text{LETRA} + 3 \text{ ESPACIO} = \text{NUEVA LETRA}$

Instancia #2

c Un asunto de... ***informáticos!***

¿Puedes determinar una función que defina la expresión que has dado en la pregunta anterior?

x	f(x)
A	D
B	E
C	F
D	G
E	H
F	I
G	J
H	K
I	L

J	M
K	N
L	N
M	O
N	P
N	Q
O	R
P	S
Q	T
R	U

S	V
T	W
U	X
V	Y
W	Z
X	A
Y	B
Z	C

Instancia #2

c Un asunto de... ***informáticos!***

¿Puedes determinar una función que defina la expresión que has dado en la pregunta anterior?

$$c : f = \{ (A,D), (B,E), (C,F), (D,G), (E,H), (F,I), (G,J), (H,K), (I,L), (J,M), (K,N), (L,\bar{N}), (M,O), (N,P), (\bar{N},\Phi), (O,R), (P,S), (Q,T), (R,U), (S,V), (T,W), (U,X), (V,Y), (W,Z), (X,), (X=\bar{a}), (Z,B) \}$$

Instancia #3

a BUSCANDO LA FUNCIÓN v.1

	A	B	C	D	E	F	G	H	I	J	K	L	M	N	Ñ	O	P	Q	R	S	T	U	V	W	X	Y	Z
0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14	15	16	17	18	19	20	21	22	23	24	25	26	27
3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14	15	16	17	18	19	20	21	22	23	24	25	26	27	0	1	2
C	D	E	F	G	H	I	J	K	L	M	N	Ñ	O	P	Q	R	S	T	U	V	W	X	Y	Z		A	B

b BUSCANDO LA FUNCIÓN v.2

Si utilizamos la expresión de cifrado que ha sido determinada por algunos compañeros:

$$\text{Nueva letra} = \text{Letra escondida} + 3$$

c BUSCANDO LA FUNCIÓN v.3

Define la función asociada en lenguaje lógico-matemático.

Instancia #3

a BUSCANDO LA FUNCIÓN v.1

ESTUDIANTE #1

$$C \rightarrow f(3) = 3 + 3 = 6 \rightarrow F$$

$$L \rightarrow f(12) = 12 + 3 = 15 \rightarrow \bar{N}$$

$$A \rightarrow f(1) = 1 + 3 = 4 \rightarrow D$$

$$V \rightarrow f(23) = 23 + 3 = 26 \rightarrow Y$$

$$E \rightarrow f(5) = 5 + 3 = 8 \rightarrow H$$

b BUSCANDO LA FUNCIÓN v.2

$$X \rightarrow f(25) = 25 + 3 = 28 \rightarrow$$

$$Y \rightarrow f(26) = 26 + 3 = 29 \rightarrow A$$

$$Z \rightarrow f(27) = 27 + 3 = 30 \rightarrow B$$

¿Es correcta la solución inicial dada?

No es correcta porque el resultado no entra en la longitud 27

Instancia #3

a BUSCANDO LA FUNCIÓN v.1

ESTUDIANTE #2

$$\begin{aligned}C &\rightarrow f(3) = 3 + 3 = 6 \rightarrow F \\L &\rightarrow f(12) = 12 + 3 = 15 \rightarrow N \\A &\rightarrow f(1) = 1 + 3 = 4 \rightarrow D \\V &\rightarrow f(23) = 23 + 3 = 26 \rightarrow Y \\E &\rightarrow f(5) = 5 + 3 = 8 \rightarrow H\end{aligned}$$

b BUSCANDO LA FUNCIÓN v.2

$$\begin{aligned}X &\rightarrow f(25) = 25 + 3 = 28 \rightarrow \text{No se ubica en el Abecedario} \\Y &\rightarrow f(26) = 26 + 3 = 29 \rightarrow \text{No se ubica en el Abecedario} \\Z &\rightarrow f(27) = 27 + 3 = 30 \rightarrow \text{No se ubica en el Abecedario}\end{aligned}$$

¿Es correcta la solución inicial dada?

No es correcto porque no se ubica en el Abecedario

Instancia #3

a BUSCANDO LA FUNCIÓN v.1

ESTUDIANTE #3

$$C \rightarrow f(3) = 3 + 3 = 6 \rightarrow F$$

$$L \rightarrow f(12) = 12 + 3 = 15 \rightarrow N$$

$$A \rightarrow f(1) = 1 + 3 = 4 \rightarrow D$$

$$V \rightarrow f(23) = 23 + 3 = 26 \rightarrow Y$$

$$E \rightarrow f(5) = 5 + 3 = 8 \rightarrow H$$

b BUSCANDO LA FUNCIÓN v.2

$$X \rightarrow f(25) = \text{ } [25 + 3 = 28 = 0]$$

$$Y \rightarrow f(26) = A(1) [26 + 3 = 29 = 1]$$

$$Z \rightarrow f(27) = B(2) [27 + 3 = 30 = 2]$$

= ESPACIO VACÍO (0)

¿Es correcta la solución inicial dada?

es ~~PARCIALMENTE~~ INCORRECTA, SE APLICA A LA MAYORÍA DE LOS CASOS, PERO NO A ESTOS, $28 (0 \leq X \leq 27)$

Instancia #3

c BUSCANDO LA FUNCIÓN v.3

ESTUDIANTE #1

Define la función asociada en lenguaje lógico-matemático.

$$f(x) = x + 3 \text{ mod}$$

Instancia #3

c BUSCANDO LA FUNCIÓN v.3

ESTUDIANTE #1

Define la función asociada en lenguaje lógico-matemático.

$$f(x) = x + 3 \text{ mod } \bigcirc$$

Instancia #3

c BUSCANDO LA FUNCIÓN v.3

ESTUDIANTE #2

Define la función asociada en lenguaje lógico-matemático.

Nueva letra = $f(x)$
Letra escondida = x
Nueva posición = 3

Nueva fórmula
 $f(x) = (x + 3) \bmod 28$

1) $f(x) = (x + 3) \bmod 28$
 $f(x) = (25 + 3) \bmod 28$
 $f(x) = 28 \bmod 28$
 $f(x) = 0 \rightarrow 0$

2) $f(x) = (x + 3) \bmod 28$
 $f(x) = (26 + 3) \bmod 28$
 $f(x) = 29 \bmod 28$
 $f(x) = 1 \rightarrow A$

$27 + 3 - 3$
 $26 + 3 - 2$
 $25 + 3 - 2$

Instancia #3

c BUSCANDO LA FUNCIÓN v.3

ESTUDIANTE #2

Define la función asociada en lenguaje lógico-matemático.

$$f(x) = (x+3) \bmod 28$$

$$f(x) = (27+3) \bmod 28$$

$$f(x) = 30 \bmod 28$$

$$f(x) = 2 \bmod 28$$

$$\begin{array}{r} 30 \overline{) 28} \\ \underline{(2) } \\ 1 \end{array}$$

Para mí la fórmula del cifrado de César

$$f(x) = (x+3) \bmod 28$$

El 28 lo saque por el total de la longitud del
Alfabeto.

Instancia #3

c BUSCANDO LA FUNCIÓN v.3

ESTUDIANTE #3

Define la función asociada en lenguaje lógico-matemático.

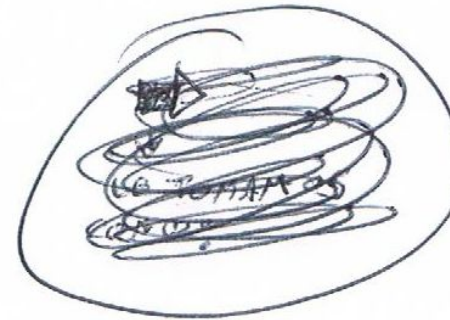
$Y = \text{NUEVA LETRA}$ ~~LETRA~~
 $X = \text{LETRA ESCONDIRA}$

FUNCIÓN

$Y = X + 3$

si $Y = 28$

TOMA EFECTO
RELOJ



Y		
28	- 28 =	0
29	- 28 =	1
30	- 28 =	2

Instancia #3

c BUSCANDO LA FUNCIÓN v.3

ESTUDIANTE #3

Define la función asociada en lenguaje lógico-matemático.

Y = NUEVA LETRA ~~LETRA~~
X = LETRA ESCONDIR

FUNCIÓN

$Y = X + 3$

si $Y = 28$
~~29~~
~~30~~

TOMA EFECTO
RELOJ

~~LA TOMA EFECTO~~

Y		
28	- 28 =	0
29	- 28 =	1
30	- 28 =	2

Instancia #1

a PROPUESTA.

Es un paso más de lo trabajado en Introducción a la Computación.

Instancia #1

a PROPUESTA.

Es un paso más de lo trabajado en Introducción a la Computación.

Realizar un programa en Java que codifique y decodifique mensajes aplicando diversas técnicas de cifrado (por ejemplo la técnica del cifrado de César).

Instancia #2

a PRIMERAS VERSIONES.

Guiar a los estudiantes a codificar en lenguaje Java la función obtenida en Introducción a la Computación.

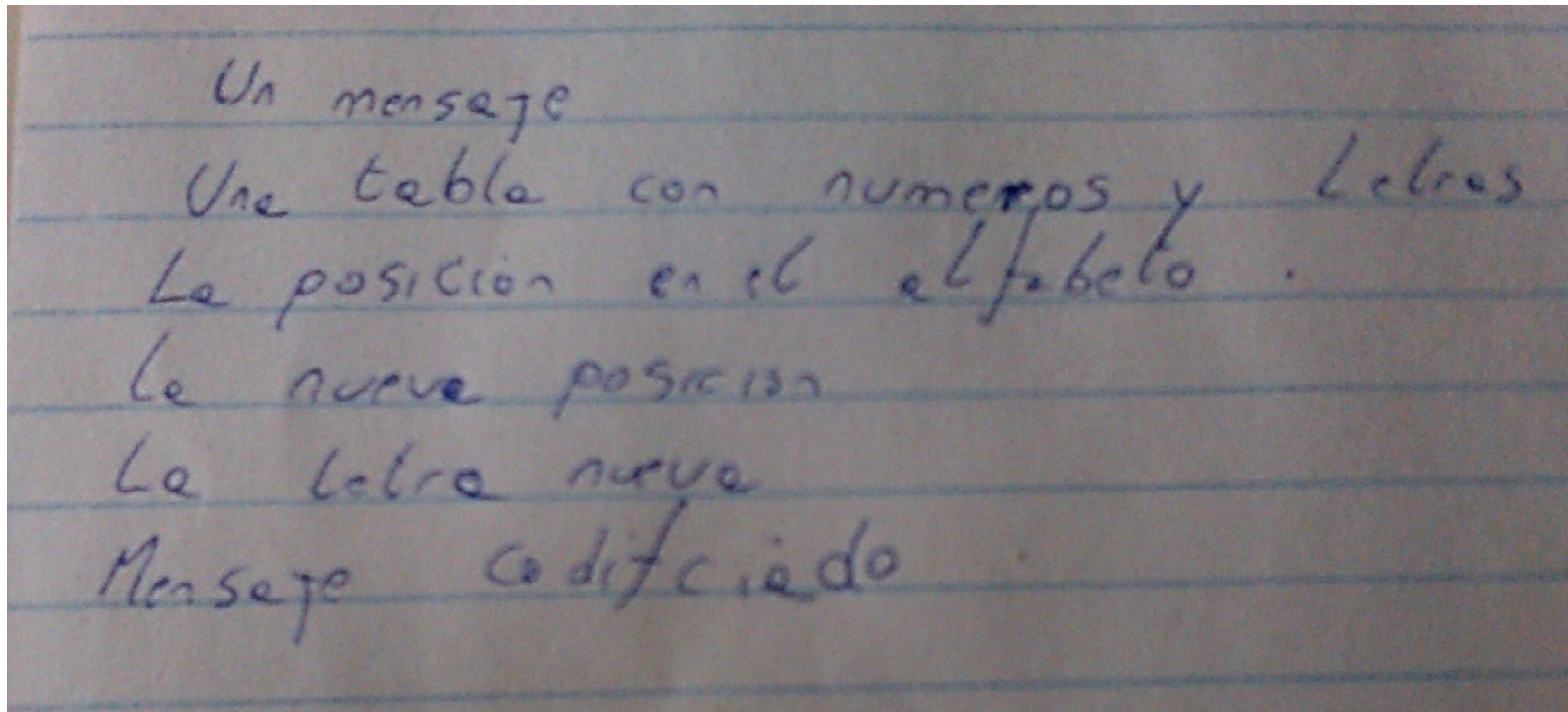
Instancia #2

- a PRIMERAS VERSIONES.
¿Qué datos necesita la función codificar?

Instancia #2

a PRIMERAS VERSIONES.

¿Qué datos necesita la función a codificar?



Un mensaje
Una tabla con numeros y letras
La posición en el alfabeto.
La nueva posición
La letra nueva
Mensaje codificado

Instancia #2

a PRIMERAS VERSIONES.

Según la respuesta anterior, ¿Qué variables deben declarar en Java?

Instancia #2 (Prog.)

a PRIMERAS VERSIONES.

Según la respuesta anterior, ¿Qué variables deben declarar en Java?

Un mensaje.

Una tabla con números y letras.

La posición en el alfabeto.

La nueva posición.

Mensaje codificado.

Instancia #2

a PRIMERAS VERSIONES.

Según la respuesta anterior, ¿Qué variables debe declarar en Java?

Un mensaje.

```
String mensaje;
```

Una tabla con números y letras.

```
char[] letter = {' ', 'a', 'b', 'c', 'd', 'e', 'f', 'g', 'h', 'i'}
```

La posición en el alfabeto.

```
int j;
```

La nueva posición.

```
int nuevaPosicion;
```

Mensaje codificado.

```
char[] P;
```

Instancia #2

a PRIMERAS VERSIONES.

¿Cómo se realizan las tareas de la función codificar?

- Separar el mensaje en letras.
- Buscar el número de la letra en el alfabeto.
- Calcular $(x+3) \bmod 28$.

Instancia #2

a PRIMERAS VERSIONES.

¿Cómo se realizan las tareas de la función codificar?

- Separar el mensaje en letras.

- Buscar el número de letra en el alfabeto.

- Calcular $(x+3) \bmod 28$.

```
letras=mensaje.toCharArray();
P=new char[letras.length];

for(i=0; i<letras.length; i++){
    for(j=0; j<letter.length; j++){
        if(letras[i]==letter[j]){
            nuevaPosicion=(j+ajuste+Code)%28;
            P[i]=letter[nuevaPosicion];
        }
    }
}
```

Instancia #3

a En esta última instancia se realizaron algunas optimizaciones de código.

Conclusiones y Trabajo a futuro

- Se identificó un tipo de error “característico”, que permite comprender el tipo de dificultad que tiene la construcción de algoritmos de cifrado por desplazamiento:
 - El problema del “efecto reloj”.

Conclusiones y Trabajo a futuro

- Se identificó un tipo de error “característico”, que permite comprender el tipo de dificultad que tiene la construcción de algoritmos de cifrado por desplazamiento:
 - El problema del “efecto reloj”.
- Necesidad de profundizar en el análisis de los obstáculos encontrados.

Conclusiones y Trabajo a futuro

- Se identificó un tipo de error “característico”, que permite comprender el tipo de dificultad que tiene la construcción de algoritmos de cifrado por desplazamiento:
 - El problema del “efecto reloj”.
- Necesidad de profundizar en el análisis de los obstáculos encontrados.
- Inquietud por implementar trabajos futuros en relación a la conceptualización de temas vinculados a nuestra disciplina.

judfldvcsrucvxcdwhpflrp

- 1-Seleccionar Cifrado
- 2-Cifrar Mensaje
- 3-Descifrar Mensaje
- 4-Forzar Decodificacion
- 5-Ver ultimo mensaje...
- 6-Salir

Codigo actual:Cifrado de Cesar 3 espacios

- 1-Seleccionar Cifrado
- 2-Cifrar Mensaje
- 3-Descifrar Mensaje
- 4-Forzar Decodificacion
- 5-Ver ultimo mensaje...
- 6-Salir

Codigo actual:Cifrado de Cesar 3 espacios

3

- 1-Seleccionar Cifrado
- 2-Cifrar Mensaje
- 3-Descifrar Mensaje
- 4-Forzar Decodificacion
- 5-Ver ultimo mensaje...
- 6-Salir

Codigo actual:Cifrado de Cesar 3 espacios

3

Ingrese su mensaje para descodificar

|

- 1-Seleccionar Cifrado
- 2-Cifrar Mensaje
- 3-Descifrar Mensaje
- 4-Forzar Decodificacion
- 5-Ver ultimo mensaje...
- 6-Salir

Codigo actual:Cifrado de Cesar 3 espacios

3

Ingrese su mensaje para descodificar
judfldvcsrucvxcldwhpf lrp

- 1-Seleccionar Cifrado
- 2-Cifrar Mensaje
- 3-Descifrar Mensaje
- 4-Forzar Decodificacion
- 5-Ver ultimo mensaje...
- 6-Salir

Codigo actual:Cifrado de Cesar 3 espacios

3

Ingrese su mensaje para descodificar
judfldvcsrucvxcdwhpflrp
gracias por su atencion

- 1-Seleccionar Cifrado
- 2-Cifrar Mensaje
- 3-Descifrar Mensaje
- 4-Forzar Decodificacion
- 5-Ver ultimo mensaje...
- 6-Salir

Codigo actual:Cifrado de Cesar 3 espacios

3
Ingrese su mensaje para descodificar
judfldvcsrucvxcdwhpf lrp

gracias por su atencion