

Retomemos las últimas preguntas de la Actividad 4:

¿Podemos resolver con  $f$  el problema que resuelve  $f_1$  o el que resuelve  $f_2$ ?

¿Está ud. de acuerdo en que  $f(56, m)$  debería ser  $f_1$  y  $f(18, m)$  debería ser  $f_2$ ?

¿Lo son?

Recordemos las definiciones de las funciones incluidas en la Actividad 4:

$f_1: \mathbb{N} \rightarrow \text{Bool}$

$f_1(m) = (\text{odd} \circ \text{mod1})(56, m)$

$f_2: \mathbb{N} \rightarrow \text{Bool}$

$f_2(m) = (\text{odd} \circ \text{mod1})(18, m)$

$f: \mathbb{N} \times \mathbb{N} \rightarrow \text{Bool}$

$f(n, m) = (\text{odd} \circ \text{mod1})(n, m)$

La pregunta es:

Si tenemos la solución  $f$  para el problema general, es decir, para un par de enteros cualesquiera  $(n, m)$ , ¿cómo podemos a partir de esa función para el caso general, **obtener las funciones particulares**, es decir, para  $(56, m)$  y  $(18, n)$  y todos los casos que se nos ocurran variando el primer componente del par?

Observar que el resultado de aplicar  $f$  al par  $(56, m)$  o al par  $(18, m)$  es  $(\text{odd} \circ \text{mod1})(56, m)$  y  $(\text{odd} \circ \text{mod1})(18, m)$  respectivamente.

***Ninguna de esas expresiones es una función.***

Lo que queremos es la posibilidad de aplicar la función  $f$  general a un caso particular y **obtener una función que resuelva ese caso particular**.

Es decir, que  $f(56, m)$  sea  $f_1$  y que  $f(18, m)$  sea  $f_2$  y así para todos los casos particulares que se nos ocurran.

Esto significaría que resolviendo el problema general tengo las soluciones para cualquiera de sus instancias.

Una de las dificultades es que  $f$  se aplica a *un par de enteros*: si el par es por ejemplo  $(56, 2)$ , el resultado de  $f(56, 2)$  es false, mientras que si el par es  $(56, m)$  el resultado de  $f(56, m)$  es la expresión booleana  $(\text{odd} \circ \text{mod1})(56, m)$  y no una función. Una solución es que  $f$  se aplique a *un entero* y el resultado sea una función  $f_1$  de modo que si lo que queremos es el resultado para los enteros  $56$  y  $2$ , tenemos  $f(56) = f_1$  donde  $f_1(2) = (\text{odd} \circ \text{mod1})(56, 2)$ .

¿Conoce ud. definiciones de funciones matemáticas de similar forma?

La nueva definición de  $f$  es entonces:

$$f : N \rightarrow N \rightarrow \text{Bool}$$
$$f(n) = f1 \text{ donde } f1(m) = (\text{odd } \circ \text{mod}1)(n, m).$$

Observar que la solución consistió en “descomponer el par”, es decir, el dominio de  $f$  en la nueva definición es  $N$  y el *co-dominio es un conjunto de funciones de  $N \rightarrow \text{Bool}$* .

Una definición de función cuyo dominio y co-dominio tienen la forma

$$A_1 \rightarrow A_2 \rightarrow \dots \rightarrow A_n$$

se dice que está *cuprificada* (ver apéndice ... (link)). Los conjuntos  $A_i$  son conjuntos cualesquiera, inclusive conjuntos de funciones. En el caso de arriba, el dominio es  $A_1$  y el co-dominio es  $A_2 \rightarrow \dots \rightarrow A_n$ . Si el dominio de una función es un conjunto de funciones, debe indicarse el mismo entre paréntesis. Por ejemplo

$$g : (A_1 \rightarrow A_2) \rightarrow A_3$$

indica que la función  $g$  toma una función del conjunto  $A_1 \rightarrow A_2$  y devuelve un elemento del conjunto  $A_3$ .

Veamos el problema en el lenguaje ISetL, para lo cual trabajaremos con el archivo 4Maquina.